SH-III/ECO/303/C-7/19

B.Sc. 3rd Semester (Honours) Examination, 2019-20 ECONOMICS

Course ID: 31613 Course Code: SH/ECO/303/C-7

Course Title: Mathematical Methods in Economics-II

Time: 2 Hours Full Marks: 40

The figures in the margin indicate full marks.

Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.

দক্ষিণ প্রান্তস্থ সংখ্যাগুলি প্রশ্নের পূর্ণমানের নির্দেশক। পরীক্ষার্থীদের যথাসম্ভব নিজের ভাষায় উত্তর দিতে হবে।

1. Answer *any five* of the following questions:
নিম্নলিখিত *যে কোনো পাঁচটি* প্রশ্নের উত্তর দাও ঃ

 $2 \times 5 = 10$

- (a) Define difference equation with any one suitable example.
 একটি যে কোনো উদাহরণ সহযোগে ডিফারেন্স সমীকরণের সংজ্ঞা দাও।
- (b) Explain the meaning of order and degree of a differential equation with suitable examples. ডিফারেন্সিয়াল সমীকরণের ক্রম এবং মাত্রা বলতে কী বোঝায় উপযুক্ত উদাহরণসহযোগে ব্যাখ্যা করো।
- (c) What is meant by a solution or integral of a differential equation?
 একটি ডিফারেন্সিয়াল সমীকরণের সমাধান বা ইন্টিগ্রাল বলতে কী বোঝায়?
- (d) Give an example of non-zero sum game.

 যোগফল শন্য নয় এমন ক্রীডার একটি উদাহরণ দাও।
- (e) What are different parts of a Linear Programming Problem? একটি সরলরৈখিক প্রোগ্রামিং-এর বিভিন্ন অংশগুলি কী কী?
- (f) Write down two basic features of a 'two-persons-zero-sum' Game. একটি 'টু-পার্শন-জিরো-সাম্' ক্রীড়ার দুটি মূল বৈশিষ্ট্য লেখো।
- (g) What is meant by Saddle Point in a Game? একটি ক্রীড়ায় 'স্যাড্ল্ বিন্দু' বলতে কী বোঝায়?
- (h) If a_{ij} represents the minimum requirement of commodity i per unit of output of commodity j, then state Hawkins-Simon conditions for two industries—industry 1 and industry 2. j-তম দ্ব্যের এক একক তৈরি করতে j-তম দ্ব্যের ন্যূনতম পরিমাণ a_{ij} প্রয়োজন হলে Hawkins-Simon শর্তগুলি উল্লেখ করো, যেখানে কেবলমাত্র দুটি শিল্প—শিল্প 1 এবং শিল্প 2 আছে।

31613/16540 Please Turn Over

- (i) What is meant by maximax principle of optimal decision making? কাম্য সিদ্ধান্ত গ্রহণের ক্ষেত্রে ম্যাক্সিম্যাক্স পদ্ধতিটি কী?
- 2. Answer *any four* of the following questions:
 নিম্নলিখিত *যে কোনো চারটি* প্রশ্নের উত্তর দাও ঃ

 $5 \times 4 = 20$

(a) Solve the following Linear Programming graphically mentioning the feasible region and basic solutions.

নিম্নের সরলরৈখিক প্রোগ্রামিং মডেলটির ক্ষেত্রে ফিজিব্ল্ অঞ্চল এবং বেসিক সমাধানগুলি উল্লেখ করে লেখচিত্রের সাহায্যে সমাধান করো।

Minimize
$$C = 2x + 3y$$
,
Subject to $5x + 5y \ge 20$
and, $5x + 10y \ge 30$,
 $x, y \ge 0$

(b) State the relationships between Primal and Dual of a Linear Programming model. Write down the Dual of the problem given below:

সরলরৈখিক প্রোগ্রামিং-এর ক্ষেত্রে প্রাইমাল এবং ড্যুয়াল-এর মধ্যে সম্পর্কগুলি উল্লেখ করো। নিম্নে প্রদন্ত মডেলটির ড্যুয়াল লেখো।

Max
$$Z = 4x + 7y$$

Subject to $2x + y \le 4$
 $5x + 3y \ge 7$
 $x, y \ge 0$

- (c) Write down the assumptions of Leontief's static open Input-Output model. লিওনটিয়েফের স্ট্যাটিক্ ওপেন ইনপুটে-আউটপুট মডেলের অনুধারণাগুলি লেখো।
- (d) Determine the maximin and minimax value of the pay-off matrix given below and suggest optimum strategies for individual players separately.

নীচের pay-off ম্যাট্রিক্স থেকে maximin এবং minimax মান নির্ণয় করো এবং পৃথকভাবে খেলোয়াড় A এবং খেলোয়াড় B-এর জন্য সর্বোত্তম কৌশল নির্দেশ করো।

Player B
$$\begin{bmatrix}
2 & 9 & 4 \\
7 & 5 & 3 \\
6 & 1 & 8
\end{bmatrix}$$

(e) Explain Hurwicz criterion of decision making with the help of the pay-off matrix given below, assuming the probability of occurence of maximum 0·6 and probability of occurence of minimum 0·4.

নীচের pay-off ম্যাট্রিক্সের সাহায্যে সিদ্ধান্ত গ্রহণের Hurwicz পদ্ধতি ব্যাখ্যা করো, যখন সর্বাধিক এবং সর্বনিম্ন pay-off-এর সম্ভাবনা যথাক্রমে 0.6 এবং 0.4।

State of Nature

Strategies
$$S_1 \begin{bmatrix} N_1 & N_2 \\ S_1 & 3 & -2 \\ -6 & 5 \end{bmatrix}$$

- (f) If the demand and supply functions are given respectively as, D=5-3P, S=3-2P, find the time path y price, when $\frac{dp}{dt}=3(D-S)$ and the initial condition given is, P= p_0 , when t=0. চাহিদা এবং জোগান অপেক্ষক যথাক্রমে D=5-3P এবং S=3-2P দামের গতিপথ নির্ণায়ক সমীকরণটি নির্ণায় করো, যখন, $\frac{dp}{dt}=3(D-S)$ এবং প্রাথমিক অবস্থায় t=0 হলে $P=p_0$.
- 3. Answer any one question from the following:

 $10 \times 1 = 10$

নিম্নলিখিত *যে কোনো একটি* প্রশ্নের উত্তর দাওঃ

(a) Find out the gross output levels of steel and coal in an economy when the technology matrix (A) and final demand vector (D) are given below:

ইস্পাত এবং কয়লার মোট উৎপাদন নির্ণয় করো, যখন প্রযুক্তি ম্যাট্রিক্স (A) এবং চূড়ান্ত চাহিদা ভেক্টর (D) নিম্নরূপঃ

$$D = \begin{bmatrix} 100 \\ 20 \end{bmatrix}$$

(b) (i) Find out the saddle point and value of the game for the following pay-off matrix:

(ii) Explain the concepts of dominance and Nash Equilibrium.

5+5=10

SH-III/ECO/303/C-7/19

(4)

(i) প্রদত্ত pay-off ম্যাট্রিক্স থেকে স্যাড্ল্ বিন্দু এবং ক্রীড়ার মূল্য নির্ধারণ করোঃ

$$\mathbf{B}_1$$
 \mathbf{B}_2 \mathbf{B}_3 \mathbf{B}_4 মেলোয়াড় \mathbf{A} \mathbf{A}_1 $\begin{bmatrix} 1 & 7 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 4 & 5 \\ A_3 & 7 & 2 & 0 & 3 \end{bmatrix}$

(ii) ডমিন্যান্স এবং ন্যাস্ ভারসাম্যের ধারণা ব্যাখ্যা করো।